



[Schema della lezione](#)

[Modello di riferimento](#)

[Vincoli temporali](#)

[Modello a task periodici](#)

[Vincoli di precedenza](#)

[Parametri funzionali](#)

[Schedulazione](#)

SERT'13

R2.1

# Lezione R2

## Modello di riferimento per i sistemi real-time

Sistemi embedded e real-time

16 ottobre 2012

Marco Cesati

Dipartimento di Ingegneria Civile e Ingegneria Informatica  
Università degli Studi di Roma Tor Vergata

### Di cosa parliamo in questa lezione?

In questa lezione definiamo il modello di riferimento che ci permetterà di descrivere con esattezza i sistemi real-time

- 1 Il modello di riferimento dei sistemi real-time
- 2 I vincoli temporali dei job
- 3 Il modello a task periodici
- 4 I vincoli di precedenza dei job
- 5 Il grafo dei task
- 6 I parametri funzionali dei job
- 7 La schedulazione dei job



[Schema della lezione](#)

[Modello di riferimento](#)

[Vincoli temporali](#)

[Modello a task periodici](#)

[Vincoli di precedenza](#)

[Parametri funzionali](#)

[Schedulazione](#)

SERT'13

R2.2

## Modello di riferimento per sistemi real-time

Ogni sistema real-time può essere caratterizzato da un modello costituito da tre elementi:

- un *modello di carico*, che descrive le applicazioni supportate dal sistema
- un *modello delle risorse*, che descrive le risorse di sistema a disposizione delle applicazioni
- *algoritmi* che definiscono come il sistema distribuisce le risorse alle applicazioni nel tempo

Un buon modello dovrebbe:

- includere tutti i dettagli essenziali per la comprensione del sistema e per la descrizione del suo comportamento
- omettere tutti i dettagli di basso livello o irrilevanti che rendono la comprensione del livello inutilmente difficile

## Le risorse di sistema

Le *risorse di sistema* rappresentano sostanzialmente l'ambiente d'esecuzione delle applicazioni

Esistono due tipi di risorse di sistema:

- Le *risorse attive*, spesso chiamate anche *server* o *processori*: computer, canali di comunicazione, dischi rigidi, database server, . . .
- Le *risorse passive*, indicate semplicemente come *risorse*: memoria, ogni genere di primitiva di sincronizzazione, numeri di sequenza, . . .

A differenza delle risorse (passive), la velocità o capacità intrinseca dei *processori* influenza il tempo d'esecuzione dei job (e quindi delle applicazioni)

*Ma la disponibilità di memoria o di un semaforo non influenza il tempo di esecuzione di un job?*

Certamente, ma una volta che la risorsa è assegnata al job le sue caratteristiche non influenzano il tempo d'esecuzione!



## Le risorse di sistema (2)

- Nel modellare un sistema, spesso si omette l'indicazione del tipo specifico di **processori**, e si elencano semplicemente i processori come  $P_1, P_2, \dots, P_m$
- Analogamente, spesso si omette di specificare il tipo di **risorse**, e si elencano le risorse come  $R_1, R_2, \dots, R_\rho$
- Se una risorsa è così abbondante da non costituire mai un vincolo od uno ostacolo per l'esecuzione dei job, essa viene omessa e non citata nel modello

Ad esempio, una risorsa che viene spesso omessa è la **memoria**: si assume che ve ne sia sempre a sufficienza per l'esecuzione di tutti i job

Nei casi in cui questo non è giustificato è necessario complicare il modello per descrivere la quantità di memoria totale del sistema e l'occupazione di memoria dei vari job

## Il modello del carico

Le applicazioni real-time sono descritte in termini di **task**, ciascuno dei quali è costituito da un insieme di entità schedabili chiamate **job**

Caratteristiche di un **job**:

- vincoli temporali
- parametri funzionali (proprietà intrinseche del job)
- uso delle risorse
- parametri d'interconnessione (dipendenza da altri job e come altri job dipendono da questo)



## Vincoli temporali di un job

- *Istante di rilascio* (od anche *release time*): istante di tempo  $r_i$  in cui il job  $J_i$  diventa disponibile per l'esecuzione
- *Scadenza* (od anche *deadline*): istante di tempo  $d_i$  in cui il job  $J_i$  deve aver completato l'esecuzione
- *Scadenza relativa*: il massimo intervallo di tempo  $D_i$  che può intercorrere tra  $r_i$  e  $d_i$  per il job  $J_i$  ( $D_i = d_i - r_i$ )
- *Intervallo di fattibilità*: l'intervallo di tempo  $(r_i, d_i]$

I **vincoli temporali** di tutti i job sono in genere inclusi nelle specifiche del sistema real-time

Spesso però le specifiche non indicano con esattezza gli **istanti di rilascio**, ma solo un intervallo in cui si verificherà il rilascio (*jitter*):

$$r_i \in [r_i^-, r_i^+]$$

## Task aperiodici e task sporadici

Molti sistemi real-time devono essere in grado di reagire ad eventi esterni che occorrono ad istanti di tempo casuali

In risposta a tali eventi il sistema esegue un insieme di job particolari, i cui istanti di rilascio non sono conosciuti se non nel momento in cui l'evento esterno si verifica

Si definisce *task aperiodico* un task in cui gli istanti di rilascio dei job sono casuali e non predefiniti

Si definisce *task sporadico* un task in cui gli istanti di rilascio dei job sono casuali e non predefiniti, ma esiste un intervallo di tempo minimo tra il rilascio di due job

**Attenzione:** il testo di Liu utilizza definizioni differenti: un job con istanti di rilascio casuali è *aperiodico* se è soft real-time, mentre è *sporadico* se è hard real-time



## Tempo d'esecuzione

Il *tempo d'esecuzione*  $e_j$  di un job  $J_j$  è l'ammontare di tempo richiesto per completare l'esecuzione di  $J_j$  eseguendolo da solo ed avendo a disposizione tutte le risorse necessarie

Il *tempo d'esecuzione* non dipende dallo scheduling, ma esclusivamente dalla funzione realizzata dal job e dalla velocità del processore utilizzato per eseguirlo

*Qual è la principale difficoltà nel definire il tempo d'esecuzione di un job?*

Tutti i processori moderni (CPU, reti, ecc.) hanno un comportamento non deterministico:

- la loro complessità è così elevata che è impossibile prevedere a priori il tempo d'esecuzione di un job
- il tempo effettivo varia da esecuzione a esecuzione

Si può determinare a priori solo l'*intervallo* in cui cade  $e_j$ :

$$e_j \in [e_j^-, e_j^+]$$

## WCET

Se il nostro scopo è quello di determinare se un certo job all'interno di un sistema potrà essere completato entro la sua scadenza, possiamo sperare che:

- non si abbia realmente necessità di conoscere il suo tempo d'esecuzione  $e_j$
- sia necessario unicamente conoscere il suo *massimo tempo d'esecuzione*  $e_j^+$

In letteratura il *massimo tempo d'esecuzione* è spesso indicato con l'acronimo **WCET** (**W**orst **C**ase **E**xecution **T**ime)

In molti casi con il termine *tempo d'esecuzione*  $e_j$  si indica in realtà il **WCET**  $e_j^+$ , e si tralascia di indicare che in realtà il tempo d'esecuzione reale del job potrebbe essere inferiore

Anche derivare il **WCET** di un job potrebbe essere difficile od impossibile!

Si consideri ad esempio il tempo d'esecuzione di un processo su una CPU con diversi livelli di memoria cache



## Sistemi predicibili e deterministici

In un sistema hard real-time è necessario validare che tutti i job “hard” rispettano i loro vincoli temporali

Per ottenere ciò è necessario conoscere i **WCET** dei job “hard”

Di conseguenza, la proprietà più importante di un sistema hard real-time è la **predicibilità** del suo comportamento

Spesso tale **predicibilità** è ottenuta a scapito delle prestazioni:

- Si utilizzano processori meno sofisticati
- Si scrivono programmi senza strutture di dati dinamiche
- Si evitano interazioni troppo complesse tra i job
- Si minimizza il numero di primitive di sincronizzazione delle risorse condivise

Un sistema hard real-time così concepito è, auspicabilmente, quasi **deterministico**: le esecuzioni di ogni job hanno durata pressoché costante



## Modello a task periodici

Il **modello a task periodici** è un modello di carico deterministico molto conosciuto introdotto da Liu e Layland nel 1973

- È in grado di rappresentare adeguatamente la maggior parte delle applicazioni real-time
- Molti algoritmi di scheduling basati su questo modello sono facili da implementare, efficienti, ed hanno un comportamento facile da prevedere
- Esistono metodi e strumenti per progettare, analizzare e validare sistemi real-time basati su questo modello.
- Non rappresenta bene sistemi i cui job sono caratterizzati da elevati valori di jitter per gli istanti di rilascio oppure alta varianza nei tempi d'esecuzione



## Modello a task periodici (2)

**Principio di base:** ogni computazione, trasmissione di dati od altra attività che è eseguita ripetutamente ad intervalli di tempo regolari è modellata come un **task periodico**:

- Un **task periodico**  $T_i$  è una sequenza di **job**
- Il **periodo**  $p_i$  di  $T_i$  è l'esatto intervallo temporale tra gli istanti di rilascio dei job di  $T_i$
- Il **tempo d'esecuzione**  $e_i$  di  $T_i$  è il massimo tra tutti i **tempi d'esecuzione** dei job di  $T_i$

**Attenzione:** Nel testo di Liu il termine *task periodico* indica in genere un *task sporadico*, ossia il periodo del task corrisponde all'intervallo minimo tra gli istanti di rilascio dei job

Il testo di Liu tende a confondere i task sporadici con i task periodici in quanto la maggior parte dei risultati teorici relativi ai **task periodici** continuano ad essere validi per i **task sporadici**

## Modello a task periodici (3)

Alcune notazioni e definizioni:

- I task sono  $T_1, T_2, \dots, T_n$
- Gli job del task  $T_i$  sono  $J_{i,1}, J_{i,2}, \dots$
- Cumulativamente, tutti i job del sistema sono  $J_1, J_2, \dots$
- L'istante di rilascio  $r_{i,1}$  del primo job  $J_{i,1}$  di  $T_i$  è chiamato **fase** di  $T_i$  ( $\Phi_i = r_{i,1}$ )
- Task con la stessa fase sono detti **in fase**
- $H$  indica il minimo comune multiplo di tutti i periodi  $p_i$  dei task del sistema
- Un intervallo temporale di lunghezza  $H$  è chiamato **iperperiodo** dei task periodici
- Il (massimo) numero  $N$  di job in ogni **iperperiodo** è

$$N = \sum_{i=1}^n H/p_i$$



## Modello a task periodici (4)

- Il rapporto  $u_i = e_i/p_i$  è l'*utilizzazione* del task  $T_i$
- L'*utilizzazione totale*  $U$  del sistema è la somma delle utilizzazioni di tutti i task:

$$U = \sum_{i=1}^n u_i$$

- Tutti i job di uno stesso task  $T_i$  hanno la stessa *scadenza relativa*  $D_i$ : se un job è rilasciato all'istante  $t$ , deve essere completato entro  $t + D_i$

In molti casi (ma non tutti!) un sistema real-time può essere modellato assumendo che tutti i job hanno istante di rilascio all'inizio di ciascun periodo e *scadenze implicite*, ossia scadenze relative pari alla lunghezza del periodo ( $D_i = p_i$ )

## Esempio di modello a task periodici

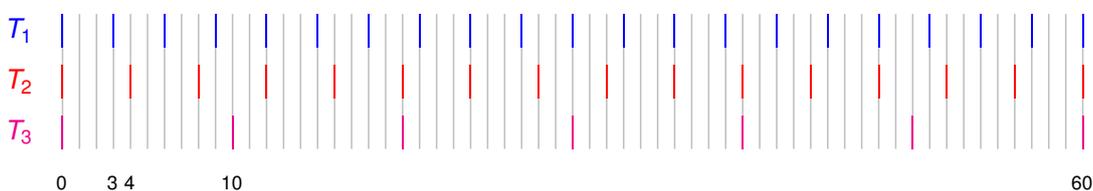
Consideriamo tre task periodici in fase con periodi  $p_1 = 3$ ,  $p_2 = 4$  e  $p_3 = 10$ , e tempi d'esecuzione  $e_1 = 1$ ,  $e_2 = 1$  e  $e_3 = 3$

*Quanti sono i differenti job nel sistema?*

Non possiamo saperlo, ma non è importante!

*Quanti sono i job eseguiti in un iperperiodo?*

- $H = \text{mcm}\{3, 4, 10\} = 60$
- $N = \sum_{i=1}^3 H/p_i = 60/3 + 60/4 + 60/10 = 41$

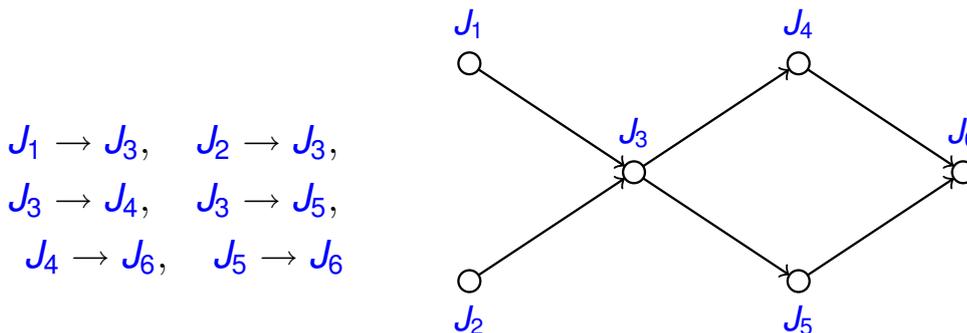




## Grafo di precedenza

In generale i vincoli di precedenza tra i job possono essere espressi in forma compatta tramite un grafo diretto aciclico (DAG), in cui:

- I nodi rappresentano job
- Un arco diretto dal job  $J$  al job  $J'$  indica che  $J \prec J'$  e che non esiste alcun job  $J''$  tale che  $J \prec J'' \prec J'$
- Indicheremo la precedenza immediata con  $J \rightarrow J'$



$J_3 \prec J_6?$  **Sì, per la proprietà transitiva dell'ordinamento**

## Parametri funzionali dei job

I **parametri funzionali** dei job contribuiscono a caratterizzare il modello di carico del sistema real-time

In generale ogni job può essere caratterizzato da un grande numero di attributi, ma come **parametri funzionali** consideriamo solo quelli che incidono sullo schedulazione dei job

I **parametri funzionali** più importanti sono:

- Interrompibilità (o “preemptivity”)
- Criticalità (o importanza)
- Funzione d'utilità (o “laxity function”)



## Interrompibilità dei job



[Schema della lezione](#)

[Modello di riferimento](#)

[Vincoli temporali](#)

[Modello a task periodici](#)

[Vincoli di precedenza](#)

[Parametri funzionali](#)

[Schedulazione](#)

Un job si definisce *interrompibile* (o *preemptable*) se la sua esecuzione può essere sospesa in qualunque istante per permettere l'esecuzione di altri job e, più tardi, ripresa dal punto di sospensione

Un job **non interrompibile**, viceversa, deve essere eseguito dall'inizio alla fine senza interruzioni

Esempi:

- I processi in Linux sono job **interrompibili**: lo scheduler del kernel può interrompere la loro esecuzione nel caso in cui un processo a priorità maggiore diventi eseguibile
- La spedizione di un frame Ethernet è un job **non interrompibile**: non è possibile interrompere la trasmissione per spedire un altro frame e poi riprendere la trasmissione dei dati non ancora inviati

## Interrompibilità dei job (2)



[Schema della lezione](#)

[Modello di riferimento](#)

[Vincoli temporali](#)

[Modello a task periodici](#)

[Vincoli di precedenza](#)

[Parametri funzionali](#)

[Schedulazione](#)

Anche per i job in generale **interrompibili** possono esistere condizioni che impediscono di fatto la loro sospensione

*Quali sono tipici casi in cui non è possibile interrompere un job?*

- Il job sta eseguendo una operazione che deve essere conclusa in tempi rapidi (ad esempio, la programmazione di un dispositivo hardware)
- Il job sta modificando una struttura di dati condivisa con altri job: se esso fosse interrotto in mezzo alla procedura di aggiornamento, ed un altro job cominciasse a propria volta a modificare la struttura di dati, alla fine questa avrebbe uno stato non consistente
- Il job sta effettuando il salvataggio delle informazioni che consentiranno il recupero dell'esecuzione

## Contesto di un job interrompibile

Si definisce *contesto* l'insieme delle informazioni necessarie per riprendere l'esecuzione di un job interrotto

Ad esempio, nel caso di processi eseguiti da una CPU il *contesto* include il valore dei registri della CPU, lo stack del processo, le tabelle di paginazione, . . .

Si definisce *cambio di contesto* (o *context switch*) la procedura di salvataggio del contesto del job interrotto e di recupero del contesto del job che andrà in esecuzione

Si definisce *context-switch time* il tempo necessario per operare un cambio di contesto

## Criticalità dei job

In qualunque sistema esistono job di diversa importanza

La *criticalità* di un job è un parametro numerico che indica l'importanza relativa del job rispetto agli altri job nel sistema

Consideriamo ad esempio un sistema avionico; in ordine decrescente di criticalità potremmo avere i job che controllano:

- l'assetto di volo
- la posizione attuale del velivolo
- la velocità e direzione per ottimizzare i consumi di carburante
- la temperatura, umidità e pressione nelle cabine
- il video proiettato sui televisori dei passeggeri

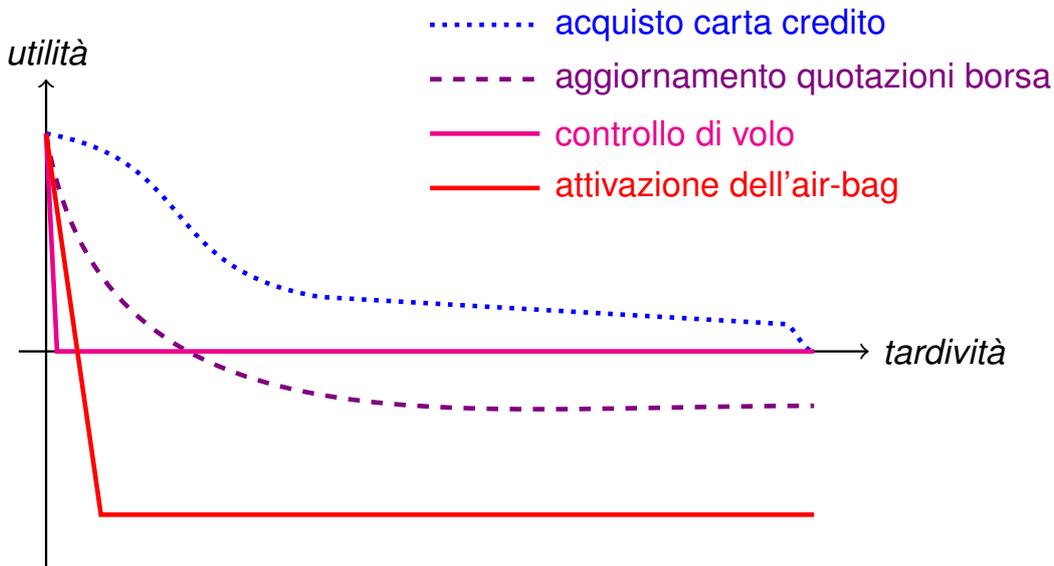
La **criticalità** di un job non coincide con la sua **priorità** od il suo **peso**: questi ultimi sono attributi che, pur incidendo sulla modalità di schedulazione del job, non sono necessariamente correlati alla **criticalità**



## Funzione d'utilità dei job

Un parametro funzionale essenziale per i job di un sistema real-time è quello che indica se i suoi vincoli temporali sono **hard** oppure **soft**

A volte, a tale indicazione viene aggiunto un altro parametro funzionale: la *funzione d'utilità*, che lega la **tardività** del job con l'**utilità** del risultato prodotto



## Schedulazione dei job

Lo *scheduler* (o *schedulatore*) è il modulo del sistema operativo che implementa gli algoritmi utilizzati per ordinare l'esecuzione dei job e controllare l'accesso alle risorse

Si definisce *schedule* (o *schedulazione*) una assegnazione dei job del sistema ai processori disponibili

Una *schedulazione* è *valida* se:

- 1 In ogni istante un processore è assegnato ad al più un job
- 2 In ogni istante un job è assegnato ad al più un processore
- 3 Nessun job è schedulato prima del suo istante di rilascio
- 4 L'ammontare totale di tempo del processore assegnato a ciascun job è pari al suo tempo d'esecuzione (massimo o attuale a seconda dell'algoritmo di scheduling)
- 5 Tutti i vincoli di precedenza e uso delle risorse tra i job sono soddisfatti



## Schedulazione dei job (2)

Una **schedulazione valida** non garantisce di per se che le scadenze dei job siano rispettate!

Una **schedulazione valida** è **fattibile** (*feasible*) se ogni job è completato entro la sua scadenza

Un insieme di job è **schedulabile** con un certo algoritmo se tale algoritmo è in grado di produrre sempre una **schedulazione fattibile**

Un algoritmo di schedulazione per applicazioni hard real-time è detto **ottimale** se l'algoritmo produce sempre una **schedulazione fattibile** quando l'insieme di job è di per se **schedulabile**



## Misure di prestazioni

I principali parametri per misurare le prestazioni dei sistemi real-time sono i valori massimi e/o medi dei seguenti attributi:

- **Tardività**: zero se la scadenza è rispettata, oppure la differenza tra l'istante di completamento e la scadenza
- **Lateness**: la differenza tra l'istante di completamento e la scadenza (può essere negativa se la scadenza è rispettata)
- **Tempo di risposta**: differenza tra l'istante di completamento e l'istante di rilascio
- **Miss rate**: percentuale di job (soft) che terminano oltre la loro scadenza
- **Loss rate**: percentuale di job (soft) non eseguiti o comunque non terminati
- **Invalid rate**: è la somma del **miss rate** e del **loss rate**, ossia la percentuale di job che non producono un risultato utile

